

ساعت شروع: ۰۷:۳۰ صبح		ریاضی و فیزیک	رشته:	تعداد صفحه: ۲	نام امتحان: حسابان ۲
مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه		نام و نام خانوادگی:	تاریخ آزمون:	۱۴۰۳/۰۳/۱۷	دوره دوم منوسطه - دوازدهم
مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش دانش آموزان روزانه، بزرگسال، داوطلب آزاد، آموزش از راه دور و اینترنت داخل و خارج کشور خرد داد ۱۴۰۳ azmoon.medu.ir					
نمره		سوالات (پاسخ نامه دارد) - استفاده از ماشین حساب ساده سجاز است.			ردیف
۰.۵		درستی یا نادرستی عبارت های زیر را تعیین کنید. الف) اگر توابع $f$ و $g$ در یک فاصله اکیداً نزولی باشند، تابع $g + f$ نیز در آن فاصله اکیداً نزولی است. ب) اگر $x = c$ طول یک نقطه اکسترم نسبی تابع $f$ باشد، آن گاه $f'(c) = 0$ .			۱
۰.۷۵		جهای خالی را با عدد یا عبارت مناسب کامل کنید. الف) تابع $y = (x-2)^3 + f(x)$ را در نظر بگیرید. نمودار $f$ از ناحیه ..... محورهای مختصات عبور نمی کند. ب) حاصل $\lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{4}^+} \tan x$ برابر ..... است. ب) اگر $f(4) = 2$ و $f'(4) = -1$ ، خط مماس بر نمودار $f$ در $x = 4$ ، محور $y$ را در نقطه ای به عرض ..... قطع می کند.			۲
۱.۲۵		نمودار تابع $f(x)$ در زیر رسم شده است، نمودار تابع $y = -f(2x-1)$ را رسم کرده، سپس دامنه و برد تابع حاصل را به دست آورید.			۳
۱.۲۵		الف) اگر چندجمله ای $p(x) = x^r + mx + 2$ بر $x-2$ بخش پذیر باشد، آنگاه باقی مانده تقسیم $p(x)$ بر $x+1$ را به دست آورید. ب) چندجمله ای $x^5 - 1$ را طوری تجزیه کنید که $x-1$ یک عامل آن باشد.			۴
۱		نمودار داده شده در شکل زیر مربوط به تابع با ضابطه $y = a \sin bx + c$ است. با فرض $a > 0$ ، مقادیر $a$ ، $b$ و $c$ را به دست آورید.			۵

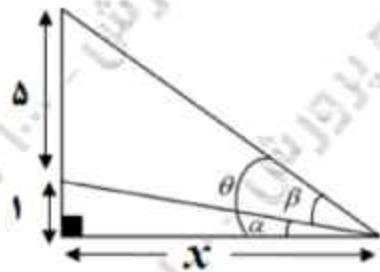
ساعت شروع: ۰۷:۳۰ صبح		نام و نام خانوادگی:	تعداد صفحه: ۲	سوالات آزمون نهایی درس: حسابان ۲
ردیف	ردیف	ردیف	ردیف	ردیف
دورة دوم متسطله - دوازدهم	تاریخ آزمون: ۱۴۰۳/۰۳/۱۷	نام و نام خانوادگی:	ردیف	ردیف
دانش آموزان روزانه، بزرگسال، داوطلب آزاد، آموزش از راه دور و اینترنت داخل و خارج کشور خود را ۱۴۰۳ azmoon.medu.ir	ردیف	ردیف	ردیف	ردیف
نمره	ردیف	ردیف	ردیف	ردیف
۱	ردیف	ردیف	ردیف	ردیف
۱	ردیف	ردیف	ردیف	ردیف
۱.۵	ردیف	ردیف	ردیف	ردیف
۱.۲۵	ردیف	ردیف	ردیف	ردیف
۱.۵	ردیف	ردیف	ردیف	ردیف
۰.۷۵	ردیف	ردیف	ردیف	ردیف
۱.۵	ردیف	ردیف	ردیف	ردیف
۱.۵	ردیف	ردیف	ردیف	ردیف
۱.۵	ردیف	ردیف	ردیف	ردیف
۱.۷۵	ردیف	ردیف	ردیف	ردیف

سوالات (پاسخ نامه دارد) - استفاده از ماشین حساب ساده مجاز است.

معادله  $x \sin 2x = \sin x$  را حل کنید.

نشان دهید در شکل زیر رابطه بین زاویه  $\beta$  و  $x$  به صورت زیر است.

$$\tan \beta = \frac{\Delta x}{x^2 + \varepsilon}$$



حدهای زیر را محاسبه کنید. (نماد [ ] علامت جزء صحیح است).

(الف)  $\lim_{x \rightarrow 1^+} \frac{[2x] - 1}{x - 1}$       (ب)  $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{2x^2 - 3x}{1 - x^2}$       (پ)  $\lim_{x \rightarrow -\infty} (-3x^2 + 2x + 1)$

مجانب های قائم و افقی منحنی تابع  $f(x) = \frac{2x - 1}{x^2 + 2x}$  را به دست آورده و سپس وضعیت نمودار تابع را در نزدیکی مجانب قائم آن نمایش دهید.

مشتق پذیری تابع  $f(x) = \begin{cases} x & x < 0 \\ x^2 & x \geq 0 \end{cases}$  را در نقطه  $x=0$  به کمک تعریف مشتق بررسی کنید.

اگر  $3$   $f(1) = 1$  و  $g'(1) = 5$  ،  $f'(1) = 3$  ،  $(f+g)'(1) = 6$  را به دست آورید.

مشتق توابع زیر را به دست آورید. (ساده کردن مشتق الزامی نیست).

(الف)  $f(x) = (x^2 + 1)^2 (\sqrt{3x + 2})$       (ب)  $g(x) = \sin^2 3x + \tan(x^2)$

جسمی را از سطح زمین به طور عمودی پرتاب می کنیم. فرض کنیم ارتفاع این جسم (برحسب متر) از سطح زمین در هر لحظه از معادله  $h(t) = -5t^2 + 40t$  به دست می آید. (t برحسب ثانیه)

(الف) سرعت متوسط جسم در بازه زمانی  $[3, 4]$  را به دست آورید.

(ب) لحظه ای را معلوم کنید که سرعت جسم برابر  $20 \text{ m/s}$  است.

مقدار ماکریم مطلق تابع  $f(x) = x^3 - 12x$  در بازه  $[-1, 3]$  را به دست آورید.

مقادیر  $a$  ،  $b$  و  $c$  را در تابع  $f(x) = x^3 + ax^2 + bx + c$  طوری به دست آورید که در نقطه  $(3, -1)$  اکسترم نسبی داشته باشد و  $x=1$  طول نقطه عطف آن باشد.

جدول رفتار و نمودار تابع  $y = (x+2)(x-4)^2$  را رسم کنید.