

ساعت شروع ۷:۳۰ صبح	نام و نام خانوادگی	ردیت	تعداد صفحه ۲	ساعت شروع ۱۲:۰۰
مدت آزمون ۱۲۰ دقیقه	تاریخ آزمون ۱۴۰۳/۰۳/۱۳	دوره دوم متوسطه - دوازدهم		
مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش azmoon.medu.ir				دانش آموزان روزانه، بزرگسال، داوطلب آزاد، آموزش از راه دور و ایشارگر داخل و خارج کشور خردداد ۱۴۰۳

## «سالروز ارتحال رهبر کبیر انقلاب اسلامی ایران و شهدای یازده خرداد تسلیت باد»

ردیف	ردیفه	سوالات (پاسخ نامه دارد) - استفاده از عاشین حساب ساده (دارای چهار عمل اصلی) مجاز است.
۱	۰.۷۵	درستی یا نادرستی عبارات زیر را مشخص کنید. الف) هر نقطه اکسترم نسبی تابع، یک نقطه بحرانی آن است. ب) تابع $f(x) = \sqrt[5]{x}$ در $x=0$ مشتق پذیر است. ج) در تابع $f(x) = 4 + \sqrt{x-1}$ دامنه تابع $(f^{-1} \text{of})(x)$ برابر $[1, +\infty)$ است.
۲	۰.۷۵	جاهاي خالي را با عبارت يا عدد مناسب كامل کنيد. الف) تابع $g(x) = x^3 - 4x + 5$ در بازه $[-\infty, a]$ اکيدا نزولي است. حداکثر مقدار $a$ برابر ..... است. ب) مقدار عددی عبارت $\sin 15^\circ \cos 15^\circ$ برابر ..... است. ج) اگر صفحه $P$ در يكى از موقعیت‌ها با مولد سطح مخروطی موازی باشد و از رأس آن عبور نکند، شکل حاصل ..... است.
۳	۰.۵	به کمک انتقال نمودار تابع $y = f(x) = (x-2)^3 + 1$ نمودار تابع $y = x^3$ را رسم کنید.
۴	۰.۷۵	در شکل روپر نمودار تابع $f$ رسم شده است. الف) نمودار تابع $g$ با ضابطه $g(x) = f(2x)$ را رسم کنید. ب) مقدار $(g \circ f)(x)$ را بدست آورید.
۵	۱.۲۵	تابع $f(x) = \sqrt{x+4}$ را در نظر بگيريد. دامنه و ضابطه تابع وارون آن را بباید.
۶	۱.۵	اگر بیشترین و کمترین مقدار تابع $y = a \sin(\lambda x) + c$ به ترتیب ۹ و ۳ باشد. الف) مقادیر $a$ و $c$ را بباید. ب) دوره تناوب تابع را بدست آورید.
۷	۱.۲۵	جواب‌های معادله $\cos(2x) = \frac{1}{2}$ را در بازه $(0, \pi)$ بدست آورید.
۸	۲	حدود زیر را محاسبه کنید. (نماد [ ] علامت جزء صحیح است). الف) $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{x-1}{\sqrt{x-1}}$ ج) $\lim_{x \rightarrow 3^-} \frac{3-[x]}{x-3}$ ب) $\lim_{x \rightarrow 5} \frac{1}{(x-5)^4}$ د) $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{-6x^3 + 2x - 9}{2x^3 - 4x^2 + x}$
۹	۱	اگر نمودار تابع $f$ از نقطه $A(2, 4)$ بگذرد و $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{f(x)-f(2)}{x-2} = 3$ باشد، معادله خط مماس بر نمودار $f$ را در نقطه $A$ بدست آورید.

دورة دوم متوسطه - دوازدهم	تاریخ آزمون:	نام و نام خانوادگی:	ردیف:
۱۴۰۳/۰۳/۱۳	سنت آزمون:	لایم و نام خانوادگی:	۱۲۰
عمرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش دانش آموزان روزانه، بزرگسال، داوطلب آزاد، آموزش از راه دور و اینترنت داخل و خارج کشور خرد داد ۱۴۰۳ azmoon.medu.ir			
<b>سالروز ارتقال رهبر کیم اقلاب اسلامی ایران و شهدای یازده خرداد تسلیت باد</b>			
ردیف	سوالات (پاسخ نامه دارد) - استفاده از عاشین حساب ساده (دارای چهار عمل اصلی) صحیح است.	فرمه	
۱۰	با استفاده از تعریف مشتق، شبیه نیم مماس چپ تابع $f(x) =  x^3 - 4 $ را در $x = 2$ بیابید.	۱.۲۵	
۱۱	مشتق تابع زیر را بدست آورید. (ساده کردن مشتق الزامی نیست).	۱.۲۵	
۱۲	تابع $x \rightarrow f(x) = x^3$ را در نظر بگیرید. الف) آهنگ تغییر متوسط تابع $f$ را در بازه $[0, 2]$ بدست آورید. ب) حدود $x$ را چنان بیابید که آهنگ تغییر لحظه‌ای تابع $f$ از آهنگ تغییر متوسط آن، در بازه $[0, 2]$ بزرگتر باشد.	۱.۲۵	
۱۳	در نمودار تابع مقابل، طول نقاط ماکزیمم نسبی، مینیمم نسبی، ماکزیمم مطلق و مینیمم مطلق را بیابید.	۱	
۱۴	مطابق شکل زیر، نقطه $A$ در ناحیه اول دستگاه مختصات روی معنی $y = 12 - x^3$ قرار دارد. با استفاده از جدول تغییرات، مختصات نقطه $A$ را چنان بیابید که مساحت مثلث قائم الزاویه $OAB$ بیشترین مقدار ممکن را داشته باشد.	۱.۷۵	
۱۵	در یک بیضی فاضلۀ کاتونی با طول قطر کوچک آن برابر است. خروج از مرکز بیضی را بیابید.	۱.۲۵	
۱۶	اگر مرکز دایره $O(1, 2)$ باشد. الف) مقدار $a$ را بیابید. ب) شعاع دایره را محاسبه کنید.	۱	
۱۷	سه ظرف یکسان داریم. در اولین ظرف ۱۵ مهره قرار دارد که ۳ تای آنها قرمز است. در ظرف دوم هیچ مهره قرمزی وجود ندارد و در ظرف سوم ۱۲ مهره داریم که ۶ تای آنها قرمز است. با چشم بسته یک ظرف را انتخاب کرده و یک مهره از آن خارج می‌کنیم. با چه احتمالی این مهره قرمز است.	۱.۵	